

## Основной государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

## Тренировочный вариант № 59

## Инструкция по выполнению работы

Общее время экзамена — 235 минут.

**Характеристика работы.** Всего в работе 26 заданий, из которых 20 заданий базового уровня (часть 1) и 6 заданий повышенного уровня (часть 2). Работа состоит из трёх модулей: «Алгебра», «Геометрия», «Реальная математика».

Модуль «Алгебра» содержит 11 заданий: в части 1 — 8 заданий; в части 2 — 3 задания. Модуль «Геометрия» содержит 8 заданий: в части 1 — 5 заданий; в части 2 — 3 задания.

Модуль «Реальная математика» содержит 7 заданий: все задания — в части 1.

**Советы и указания по выполнению работы.** Сначала выполняйте задания части 1. Начать советуем с того модуля, задания которого вызывают у Вас меньше затруднений, затем переходите к другим модулям. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удается выполнить сразу, и переходите к следующему. Если у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям. Все необходимые вычисления, преобразования и т.д. выполняйте в черновике. Если задание содержит рисунок, то на нём непосредственно в тексте работы можно выполнять необходимые Вам построения. Рекомендуем внимательно читать условие и проводить проверку полученного ответа.

Ответы сначала укажите на листах с заданиями экзаменационной работы, а затем перенесите в бланк ответов № 1. Решения к заданиям части 2 и ответы к ним запишите на бланке ответов № 2.

Задания можно выполнять в любом порядке, начиная с любого модуля.

Текст задания переписывать не надо, необходимо только указать его номер.

Обращаем Ваше внимание на то, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

При выполнении работы Вы можете воспользоваться справочными материалами.

**Как оценивается работа.** Баллы, полученные Вами за верно выполненные задания, суммируются. Для успешного прохождения итоговой аттестации необходимо набрать в сумме не менее 8 баллов, из них: не менее 3 баллов по модулю «Алгебра», не менее 2 баллов по модулю «Геометрия» и не менее 2 баллов по модулю «Реальная математика». За каждое правильно выполненное задание части 1 выставляется 1 балл. В каждом модуле части 2 расположены по нарастанию сложности и оцениваются в 2, 3 и 4 балла.

Желаем успеха!

## Часть 1

• Для заданий с выбором ответа из четырёх предложенных вариантов выберите один верный

• В бланке ответов № 1 поставьте знак «х» в клеточку, номер которой соответствует номеру выбранного Вами ответа.

• Для заданий с кратким ответом полученный результат сначала запишите на листе с текстом работы после слова «Ответ». Если получена обыкновенная дробь, обратите её в десятичную

• Перенесите ответ в бланк ответов № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждый символ (цифру, знак минус, запятую или точку с запятой) пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений указывать не нужно.

• Если при решении задания найдено несколько корней, запишите их (в любом порядке) в бланк ответов № 1, разделив точкой с запятой(;) .

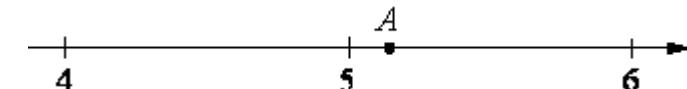
Ответом к заданиям является последовательность цифр. Перенесите цифры в бланк № 1 без пробелов, запятых и других символов.

## Модуль «Алгебра» .

1. Найдите значение выражения  $\frac{10,5}{5,7-8,2}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

2. Одно из чисел  $\sqrt{20}$ ,  $\sqrt{24}$ ,  $\sqrt{27}$ ,  $\sqrt{34}$  отмечено на прямой точкой А. Какое это число?



Варианты ответа

- 1)  $\sqrt{20}$       2)  $\sqrt{24}$       3)  $\sqrt{27}$       4)  $\sqrt{34}$

Ответ: \_\_\_\_\_.

**3.** Расположите в порядке убывания числа  $2\sqrt{5}; 5\sqrt{2}; 6$

**Варианты ответа**

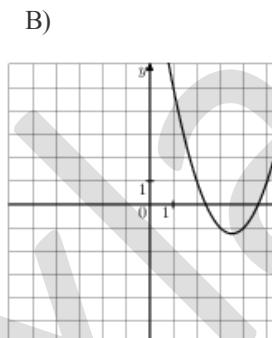
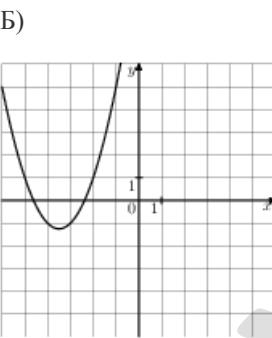
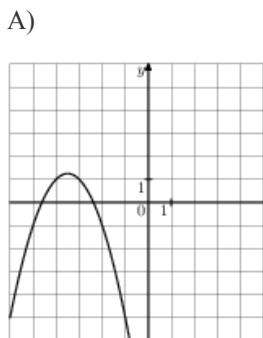
- 1)  $5\sqrt{2}; 6; 2\sqrt{5}$     2)  $2\sqrt{5}; 6; 5\sqrt{2}$     3)  $6; 2\sqrt{5}; 5\sqrt{2}$     4)  $2\sqrt{5}; 5\sqrt{2}; 6$

Ответ: \_\_\_\_\_.

**4.** Решите уравнение  $\frac{0,45}{x+0,8} = 0,3$

Ответ: \_\_\_\_\_.

**5.** Установите соответствие между графиками функций и формулами, которые их задают.

**ГРАФИКИ****ФОРМУЛЫ**

- |                         |                        |
|-------------------------|------------------------|
| 1) $y = -x^2 - 7x - 11$ | 3) $y = x^2 + 7x + 11$ |
| 2) $y = -x^2 + 7x - 11$ | 4) $y = x^2 - 7x + 11$ |

A	Б	В
_____	_____	_____

**6.** Последовательность задана формулой  $a_n = \frac{40}{n+1}$ . Сколько членов этой последовательности больше 2?

Ответ: \_\_\_\_\_.

**7.** Найдите значение выражения  $\frac{x}{xy-y} : \frac{x}{x^2-y^2}$ , при  $x = 0,6$  и  $y = -0,4$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

**8.** Укажите неравенство, решением которого является любое число

**Варианты ответа**

1.  $x^2 + 10 > 0$     2.  $x^2 - 10 > 0$     3.  $x^2 + 10 < 0$     4.  $x^2 - 10 < 0$

Ответ: \_\_\_\_\_.

**Модуль «Геометрия» .**

**9.** Окружность с центром в точке О описана около равнобедренного треугольника ABC, в котором AB = BC и  $\angle ABC = 138^\circ$ . Найдите величину угла BOC. Ответ дайте в градусах.

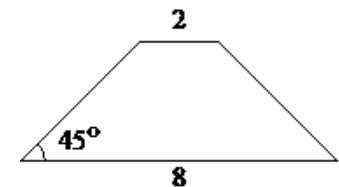
Ответ: \_\_\_\_\_.

**10.** Площадь ромба равна 27, а периметр равен 36. Найдите высоту ромба.

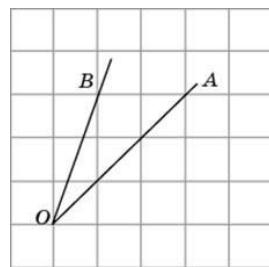
Ответ: \_\_\_\_\_.

**11.** Найдите площадь равнобедренной трапеции, изображённой на рисунке.

Ответ: \_\_\_\_\_.



**12.** Найдите тангенс угла  $AOB$ .



Ответ: \_\_\_\_\_.

**13.** Какие из следующих утверждений верны?

1. Вокруг любого треугольника можно описать окружность.
2. Если в параллелограмме диагонали равны и перпендикулярны, то этот параллелограмм — квадрат.
3. Площадь трапеции равна произведению средней линии на высоту.

Ответ: \_\_\_\_\_.

**Модуль «Реальная математика» .**

**14.** Куриные яйца в зависимости от их массы подразделяются на пять категорий: высшая, отборная, первая, вторая и третья. Используя данные, представленные в таблице, определите, к какой категории относится яйцо, массой 63,5 г.

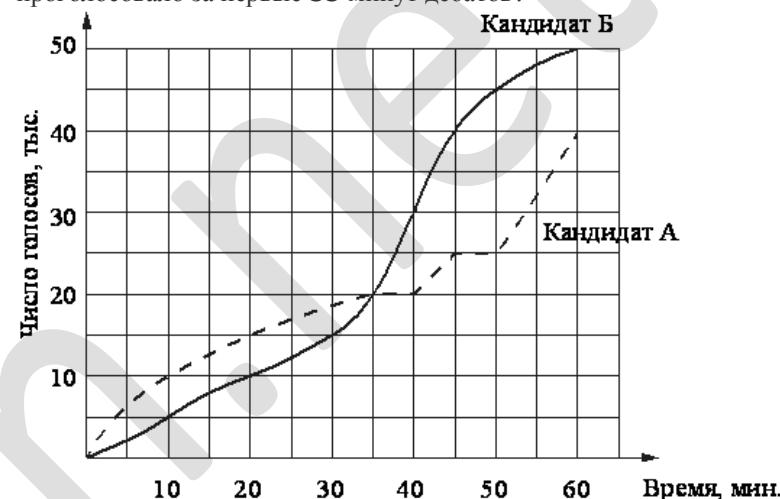
Категория	Масса одного яйца, не менее, г
Высшая	75,0
Отборная	65,0
Первая	55,0
Вторая	45,0
Третья	35,0

**Варианты ответа**

1. высшая    2. отборная    3. первая    4. вторая

Ответ: \_\_\_\_\_.

**15.** На графиках показано, как во время телевизионных дебатов между кандидатами А и Б телезрители голосовали за каждого из них. Сколько всего тысяч телезрителей проголосовало за первые 35 минут дебатов?



Ответ: \_\_\_\_\_.

**16.** Магазин детских товаров закупает погремушки по оптовой цене 260 рублей за одну штуку и продаёт с 40-процентной наценкой. Сколько рублей будут стоить 3 такие погремушки, купленные в этом магазине?

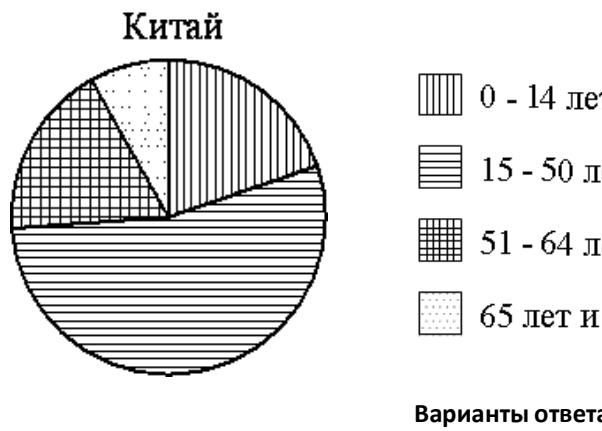
Ответ: \_\_\_\_\_.

**17.** Точка крепления троса, удерживающего флагшток в вертикальном положении, находится на высоте 4,8 м от земли. Расстояние от основания флагштока до места крепления троса на земле равно 1,4. Найдите длину троса.



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 18.** На диаграмме показан возрастной состав населения Китая. Определите по диаграмме, население какого возраста составляет более 50% от всего.



1. 0 – 14 лет      2. 15 – 50 лет      3. 51 – 64 лет      4. 65 лет и более

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 19.** Вероятность того, что новая шариковая ручка пишет плохо (или не пишет), равна 0,06. Покупатель в магазине выбирает одну такую ручку. Найдите вероятность того, что эта ручка пишет хорошо.

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 20.** Зная длину своего шага, человек может приблизённо подсчитать пройденное им расстояние  $s$  по формуле  $s=nl$ , где  $n$  — число шагов,  $l$  — длина шага. Какое расстояние прошёл человек, если  $l=60$  см,  $n=1200$ ? Ответ выразите в километрах.

Ответ: \_\_\_\_\_.

## Часть 2

При выполнении заданий 21–26 используйте бланк ответов №2. Сначала укажите номер задания, а затем запишите его решение и ответ. Пишите чётко и разборчиво. Обращаем Ваше внимание на то, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

**Модуль «Алгебра» .**

- 21.** Решите уравнение  $x^2(x-1)^3 = x^4(x-1)$

- 22.** Иван Иванович купил два компьютера за 500 долларов, а затем продал их и получил 40% прибыли. Что стоил Ивану Ивановичу каждый компьютер, если на первом прибыли получено 25%, а на втором – 50%?

- 23.** Постройте график функции  $y=1-\frac{x+2}{x^2+2x}$  и определите, при каких значениях  $m$

прямая  $y=m$  не имеет с графиком ни одной общей точки.

**Модуль «Геометрия» .**

- 24.** Точка  $H$  является основанием высоты  $BH$ , проведенной из вершины прямого угла  $B$  прямоугольного треугольника  $ABC$ . Окружность с диаметром  $BH$  пересекает стороны  $AB$  и  $CB$  в точках  $P$  и  $K$  соответственно. Найдите  $PK$ , если  $BH = 14$ .

- 25.** В треугольнике  $ABC$  с тупым углом  $ACB$  проведены высоты  $AA_1$  и  $BB_1$ . Докажите, что треугольники  $A_1CB_1$  и  $ACB$  подобны.

- 26.** Внутри ромба  $ABCD$  находится точка  $M$  такая, что  $\angle MBD = \angle MCA = 30^\circ$  и отрезки  $MB$  и  $MC$  не пересекают диагонали ромба. Найдите  $\angle AMD$ .